

## CAPÍTULO V

### Electrocinética

#### Fundamento teórico

##### 1.- La corriente eléctrica

###### Ia.- Densidad de corriente eléctrica

Dada una corriente eléctrica en la que los portadores tienen carga  $q$ , densidad volúmica  $n$ , y se mueven con velocidad promedio  $\vec{v}$  (también llamada velocidad de arrastre), la densidad de corriente eléctrica es el vector (definido en cada punto de la corriente)

$$\vec{j} = q n \vec{v}$$

- 1) Si no hay movimiento de electrones en ninguna dirección privilegiada (sólo movimiento térmico),  $\vec{v} = 0 \rightarrow \vec{j} = 0$  (figura 5-1, izquierda).
- 2) Si los portadores tienen carga negativa, como ocurre en la conducción en conductores metálicos,  $\vec{j}$  tiene la misma dirección pero sentido contrario a  $\vec{v}$  (figura 5-1, derecha).
- 3) El módulo de la densidad de corriente se interpreta como la carga que por unidad de tiempo atraviesa la unidad de área perpendicular a la dirección del movimiento de los portadores.

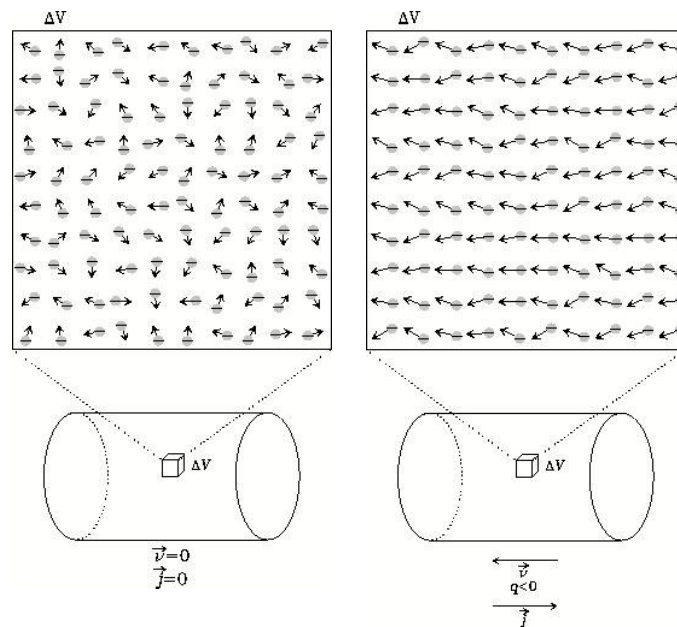


Figura 5-1

**Ib.- Intensidad de corriente eléctrica**

Dada una corriente eléctrica en la que los portadores tienen carga  $q$ , densidad volúmica  $n$ , y se mueven que velocidad promedio  $\vec{v}$ , la intensidad de corriente eléctrica a través de una superficie  $S$  viene dada por

$$I = \int_S \vec{j} \cdot d\vec{S} = \int_S q n \vec{v} \cdot d\vec{S}$$

(figura 5-2) y representa la carga neta que por unidad de tiempo atraviesa la superficie  $S$ .

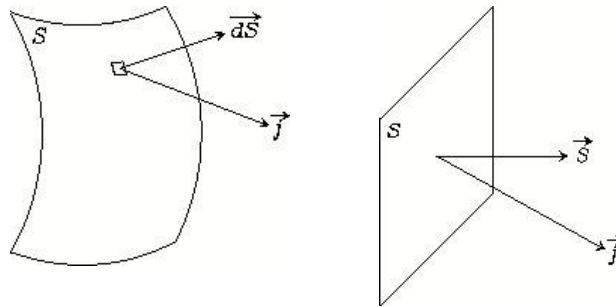


Figura 5-2

- 1) En el caso de que  $S$  sea una superficie plana de vector  $\vec{S}$ , y de que  $\vec{j}$  sea uniforme en  $S$ ,  

$$I = \vec{j} \cdot \vec{S}.$$
- 2) Si  $S$  es la sección de un conductor metálico,  $I$  es la intensidad que circula por el circuito.
- 3) Si  $S$  es una superficie cerrada,

$$I = \oint_S \vec{j} \cdot d\vec{S}$$

representa la carga neta que abandona el volumen  $V$  delimitado por  $S$  en la unidad de tiempo.

**Ic.- Ecuación de continuidad**

Si  $S$  es una superficie cerrada cualquiera,

$$\oint_S \vec{j} \cdot d\vec{S} = -\frac{\partial q}{\partial t},$$

donde  $q$  es la carga neta encerrada por la superficie  $S$ .

En régimen estacionario (las magnitudes son independientes del tiempo),

$$\frac{\partial q}{\partial t} = 0 \Rightarrow \oint_S \vec{j} \cdot d\vec{S} = 0$$

y representa la ley de nudos en circuitos.

## II.- La Ley de Ohm

### IIa.- Conductores óhmicos y no óhmicos

En un conductor, con electrones como portadores, por el que circula una corriente eléctrica con densidad de corriente  $\vec{j}$  bajo la acción de un campo eléctrico  $\vec{E}$ , se cumple (figura 5-3)

$$\vec{j} = \sigma \vec{E} = \frac{ne^2\tau}{2m_e} \vec{E},$$

donde  $\sigma$  es la conductividad,  $n$  es la densidad volúmica de portadores,  $e$  es la carga del electrón,  $\tau$  es el tiempo de relajación (tiempo medio entre colisiones) y  $m_e$  es la masa del electrón<sup>1</sup>.

- 1) Si la conductividad  $\sigma = \frac{ne^2\tau}{2m_e}$  es independiente de  $\vec{E}$ , el conductor es óhmico (relación lineal entre  $\vec{j}$  y  $\vec{E}$ ).
- 2) Si la conductividad  $\sigma = \frac{ne^2\tau}{2m_e}$  es dependiente de  $\vec{E}$ , el conductor es no óhmico (relación no lineal entre  $\vec{j}$  y  $\vec{E}$ ).

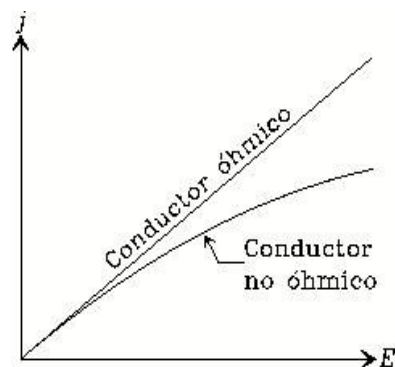


Figura 5-3

### IIb.- Resistividad

La resistividad eléctrica es la inversa de la conductividad,

$$\rho = \frac{1}{\sigma} = \frac{2m_e}{ne^2\tau}$$

### IIc.- Resistencia eléctrica

Dado un hilo conductor rectilíneo de longitud  $l$ , sección  $S$  y conductividad  $\sigma$  (resistividad  $\rho$ ), su resistencia eléctrica viene dada por (figura 5-4)

$$R = \frac{1}{\sigma} \frac{l}{S} = \rho \frac{l}{S}.$$

Si la conductividad y/o sección varían entre sus extremos A y B,

$$R = \int_A^B \frac{dl}{\sigma S}$$

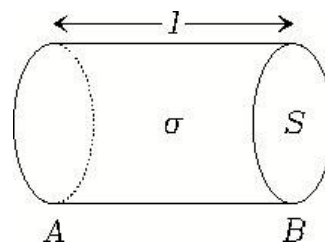


Figura 5-4

<sup>1</sup>  $m_e$  es la masa efectiva, que no coincide con la masa en reposo del electrón

### IId.- Relación entre la intensidad y la diferencia de potencial

Dado un hilo conductor de resistencia eléctrica  $R$ , entre cuyos extremos  $A$  y  $B$  hay una diferencia de potencial  $V_A - V_B$  (figura 5-5), la intensidad  $I$  que circula por él es

$$I = \frac{V_A - V_B}{R}.$$

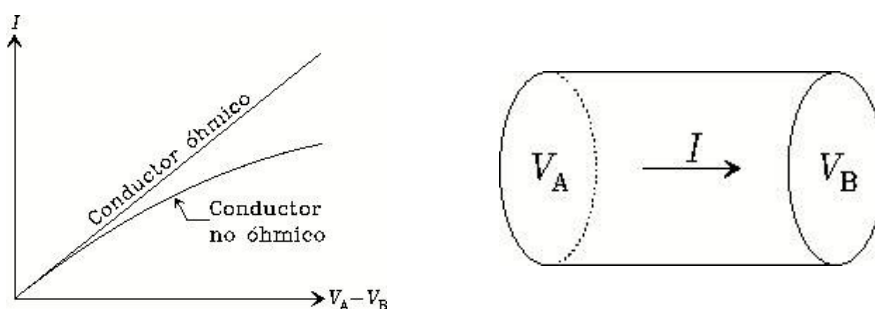


Figura 5-5

- 1) Si el conductor es óhmico, hay una relación lineal entre  $I$  y  $V_A - V_B$ .
- 2) Si el conductor es no óhmico, no hay una relación lineal entre  $I$  y  $V_A - V_B$ .

### Ile.- Variación de la resistencia con la temperatura

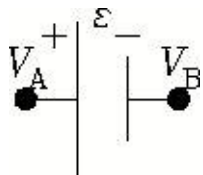
Para materiales conductores, si  $R_0$  es la resistencia a una temperatura  $T_0$ , la resistencia  $R$  a la temperatura  $T$  viene dada por

$$R = R_0 [1 + \alpha(T - T_0)],$$

donde  $\alpha > 0$  (la resistencia aumenta con la temperatura en conductores) es el llamado coeficiente de temperatura del material.

## III.- Energía de la corriente eléctrica

### IIIa.- Fuerza electromotriz



Dado un generador de corriente continua que establece una diferencia de potencial  $V_A - V_B$  entre sus bornes en circuito abierto (figura 5-6), a tal diferencia de potencial se le llama también fuerza electromotriz  $\varepsilon$ :

$$\varepsilon \equiv V_A - V_B$$

Figura 5-6

**IIIb.- Diferencia de potencial en circuito cerrado**

Si los bornes del generador se cierran a través de un conductor de resistencia  $R$ , la diferencia de potencial  $V_A - V_B$  entre bornes viene dada por

$$V_A - V_B = \varepsilon - I r$$

donde  $I$  es la intensidad que circula por el circuito y  $r$  es la resistencia interna del generador (figura 5-7).

**IIIc.- Energía y potencia suministrada por el generador**

Si los bornes del generador se cierran a través de un conductor de resistencia  $R$ , la energía  $W$  suministrada por el generador al circuito es

$$W = I^2(R + r)t,$$

donde  $I$  es la intensidad que circula por el circuito,  $r$  es la resistencia interna del generador y  $t$  representa el tiempo. La potencia suministrada (energía por unidad de tiempo)

$$P = I^2(R + r)$$

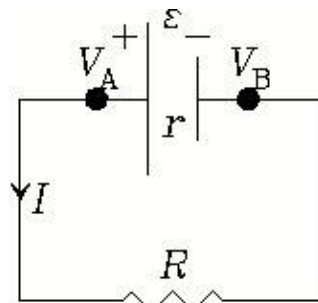


Figura 5-7